

# 繰返しのある一元配置分散分析

Aについては有意差あり

	成形温度 $A_i$	耐圧強度 $y_{ij}$	$\bar{A}_i$	$y_{ij} - \bar{T}$	Aiの効果 $a_i = \bar{A}_i - \bar{T}$	誤差 $e_{ij} = y_{ij} - \bar{A}_i$
実験1	A <sub>1</sub>	8	8.25	-0.75	-0.5	-0.25
実験2	A <sub>1</sub>	10	8.25	1.25	-0.5	1.75
実験3	A <sub>1</sub>	6	8.25	-2.75	-0.5	-2.25
実験4	A <sub>1</sub>	9	8.25	0.25	-0.5	0.75
実験5	A <sub>2</sub>	9	6.25	0.25	-2.5	2.75
実験6	A <sub>2</sub>	5	6.25	-3.75	-2.5	-1.25
実験7	A <sub>2</sub>	5	6.25	-3.75	-2.5	-1.25
実験8	A <sub>2</sub>	6	6.25	-2.75	-2.5	-0.25
実験9	A <sub>3</sub>	13	11.75	4.25	3	1.25
実験10	A <sub>3</sub>	14	11.75	5.25	3	2.25
実験11	A <sub>3</sub>	10	11.75	1.25	3	-1.75
実験12	A <sub>3</sub>	10	11.75	1.25	3	-1.75
	合計	105	105	0	0	0
	平均 $\bar{T}$	8.75	8.75	0	0	0
			平方和	94.25	62	32.25
				$S_T$	$S_A$	$S_e$

	自由度 $f$	平方和 $S$	分散 $V$	分散比 $F_0$	P値
A	2	62	31	8.651	0.0080
e	9	32.25	3.583		
T	11	94.25			

A3が最良の水準

$$f_T = \text{全データ数} - 1 = 12 - 1 = 11$$

$$f_A = A \text{の水準数} - 1 = 3 - 1 = 2$$

$$f_e = f_T - f_A = 11 - 2 = 9$$

有意水準0.05の閾値

$$= F.INV.RT(0.05, 2, 9) = 4.256 < 8.651$$

p値

$$= 1 - F.DIST(Q12, O12, O13, TRUE) = 0.0080 < 0.05$$

→ 因子Aの効果に有意差あり

$$y_{ij} - \bar{T} = (\bar{A}_i - \bar{T}) + (y_{ij} - \bar{A}_i)$$

$$(y_{ij} - \bar{T})^2 = (\bar{A}_i - \bar{T})^2 + (y_{ij} - \bar{A}_i)^2$$

$$S_T = S_A + S_e$$

# 繰返しのない二元配置分散分析

	成形温度 $A_i$	原料 $B_j$	耐圧強度 $y_{ij}$	$y_{ij} - \bar{T}$	Aiの効果 $a_i = \bar{A}_i - \bar{T}$	Bjの効果 $b_j = \bar{B}_j - \bar{T}$	誤差 $e_{ij} = y_{ij} - \bar{A}_i$
実験1	A <sub>1</sub>	B <sub>1</sub>	9	0.25	-0.5	1.08	-0.33
実験2	A <sub>1</sub>	B <sub>2</sub>	7.5	-1.25	-0.5	-1.08	0.33
実験3	A <sub>2</sub>	B <sub>1</sub>	7	-1.75	-2.5	1.08	-0.33
実験4	A <sub>2</sub>	B <sub>2</sub>	5.5	-3.25	-2.5	-1.08	0.33
実験5	A <sub>3</sub>	B <sub>1</sub>	13.5	4.75	3	1.08	0.67
実験6	A <sub>3</sub>	B <sub>2</sub>	10	1.25	3	-1.08	-0.67
	合計		52.5	0	0	0	0
	平均 $\bar{T}$		8.75	0	0	0	0
			平方和	39.375	31	7.042	1.333
$\bar{A}_1$	8.25			$S_T$	$S_A$	$S_B$	$S_e$
$\bar{A}_2$	6.25						
$\bar{A}_3$	11.75						
$\bar{B}_1$		9.83					
$\bar{B}_2$		7.67					

← A3が最良の水準

Aについては有意、  
Bについては有意とは言えない

	自由度 $f$	平方和 $S$	分散 $V$	分散比 $F_0$	P値
A	2	31	15.5	23.25	0.0412
B	1	7.0417	7.0417	10.563	0.0831
e	2	1.3333	0.6667		
T	5	39.375			

$$f_T = \text{全データ数} - 1 = 6 - 1 = 5$$

$$f_A = \text{Aの水準数} - 1 = 3 - 1 = 2$$

$$f_B = \text{Bの水準数} - 1 = 2 - 1 = 1$$

$$f_e = f_T - f_A - f_B = 5 - 2 - 1 = 2$$

$A_i$ の効果

$B_j$ の効果

誤差

$$y_{ij} - \bar{T} = (\bar{A}_i - \bar{T}) + (\bar{B}_j - \bar{T}) + \{(y_{ij} - \bar{A}_i) - (\bar{A}_i - \bar{T}) - (\bar{B}_j - \bar{T})\}$$

$$(y_{ij} - \bar{T})^2 = (\bar{A}_i - \bar{T})^2 + (\bar{B}_j - \bar{T})^2 + \{(y_{ij} - \bar{A}_i) - (\bar{A}_i - \bar{T}) - (\bar{B}_j - \bar{T})\}^2$$

$$S_T = S_A + S_B + S_e$$

# 繰返しのある二元配置分散分析

	成形温度 $A_i$	原料 $B_j$	耐圧強度 $y_{ij}$	$y_{ij} - \bar{T}$	$A_i$ の効果 $a_i = \bar{A}_i - \bar{T}$	$B_j$ の効果 $b_j = \bar{B}_j - \bar{T}$	交互作用 $A \times B (ab)_{ij}$	誤差 $e_{ij} = y_{ij} - \bar{A}_i B_j$
実験1	$A_1$	$B_1$	8	-0.75	-0.5	1.08	-0.33	-1.00
実験2	$A_1$	$B_1$	10	1.25	-0.5	1.08	-0.33	1.00
実験3	$A_1$	$B_2$	6	-2.75	-0.5	-1.08	0.33	-1.50
実験4	$A_1$	$B_2$	9	0.25	-0.5	-1.08	0.33	1.50
実験5	$A_2$	$B_1$	9	0.25	-2.5	1.08	-0.33	2.00
実験6	$A_2$	$B_1$	5	-3.75	-2.5	1.08	-0.33	-2.00
実験7	$A_2$	$B_2$	5	-3.75	-2.5	-1.08	0.33	-0.50
実験8	$A_2$	$B_2$	6	-2.75	-2.5	-1.08	0.33	0.50
実験9	$A_3$	$B_1$	13	4.25	3	1.08	0.67	-0.50
実験10	$A_3$	$B_1$	14	5.25	3	1.08	0.67	0.50
実験11	$A_3$	$B_2$	10	1.25	3	-1.08	-0.67	0.00
実験12	$A_3$	$B_2$	10	1.25	3	-1.08	-0.67	0.00

	合計	105	0	0	0	0	0
	平均 $\bar{T}$	8.75	0	0	0	0	0
	平方和	94.25	62	14.08	2.67	15.5	
			$S_T$	$S_A$	$S_B$	$S_{A \times B}$	$S_e$

$\bar{A}_1$	8.25	$\bar{A}_1 B_1$	9.00
$\bar{A}_2$	6.25	$\bar{A}_1 B_2$	7.50
$\bar{A}_3$	11.75	$\bar{A}_2 B_1$	7.00
$\bar{B}_1$	9.83	$\bar{A}_2 B_2$	5.50
$\bar{B}_2$	7.67	$\bar{A}_3 B_1$	13.50
		$\bar{A}_3 B_2$	10.00

$\bar{A}_3 B_1$ が最良の水準

Aについては有意、  
B及びA×Bについては有意とは言えない

	自由度 $f$	平方和 $S$	分散 $V$	分散比 $F_0$	P値
A	2	62	31	12	0.0080
B	1	14.083	14.083	5.452	0.0583
A × B	2	2.6667	1.333	0.516	0.6211
e	6	15.5	2.585		
T	11	94.25			

$$f_T = \text{全データ数} - 1 = 12 - 1 = 11$$

$$f_A = \text{Aの水準数} - 1 = 3 - 1 = 2$$

$$f_B = \text{Bの水準数} - 1 = 2 - 1 = 1$$

$$f_{A \times B} = f_A \times f_B = 2 \times 1 = 2$$

$$f_e = f_T - f_A - f_B - f_{A \times B} = 11 - 2 - 1 - 2 = 6$$

$A_i$ の効果

$B_j$ の効果

交互作用A × Bの効果

誤差

$$y_{ij} - \bar{T} = (\bar{A}_i - \bar{T}) + (\bar{B}_j - \bar{T}) + \{(\bar{A}_i B_j - \bar{T}_{ij}) - (\bar{A}_i - \bar{T}) - (\bar{B}_j - \bar{T})\} + (y_{ij} - \bar{A}_i B_j)$$

$$(y_{ij} - \bar{T})^2 = (\bar{A}_i - \bar{T})^2 + (\bar{B}_j - \bar{T})^2 + \{(\bar{A}_i B_j - \bar{T}_{ij}) - (\bar{A}_i - \bar{T}) - (\bar{B}_j - \bar{T})\}^2 + (y_{ij} - \bar{A}_i B_j)^2$$

$$S_T = S_A + S_B + S_{A \times B} + S_e$$

# プーリング

	自由度 $f$	平方和 $S$	分散 $V$	分散比 $F_0$	P値
A	2	62	31	12	0.0080
B	1	14.083	14.083	5.452	0.0583
A × B	2	2.6667	1.333	0.516	0.6211
e	6	15.5	2.585		
T	11	94.25			

	自由度 $f$	平方和 $S$	分散 $V$	分散比 $F_0$	P値
A	2	62	31	13.651	0.0026
B	1	14.083	14.083	6.2018	0.0375
e'	6+2	15.5+ 2.6667	$\frac{15.5 + 2.6667}{6 + 2}$ =2.2708		
T	11	94.25			

$$\frac{31}{\boxed{2.585}} = 12$$

$$\frac{14.083}{\boxed{2.585}} = 5.452$$

$$\frac{1.333}{\boxed{2.585}} = 0.516$$

A × Bは有意でないため  
誤差eに含める

分散比は誤差分散が基準(分母)

$$\frac{31}{\boxed{2.2708}} = 13.651$$

$$\frac{14.083}{\boxed{2.2708}} = 6.2018$$