

# ノンパラメトリック検定

母集団の分布が**特定できない**とき

サンプル数が**少ない**とき

計数値、度数の場合

(計測値は計量値と呼びます)

パラメトリック検定	Z検定	平均 比率		
	t検定			
ノンパラメトリック検定	$\chi^2$ 検定	カテゴリーデータ	単純集計表	適合度の検定
		度数分布	クロス集計表	独立性の検定
		母分散の検定		
	U検定	順位データ	対応なし	
	サインランク検定		対応有り	

対応なし、ノンパラメトリック → ウィルコクソンのU検定

うさぎとかめの3000m走のタイムに差があるかどうか調べました。  
 ランダムに各々40匹選んで走った結果以下の順位になりました。うさぎとかめの  
 タイムに差が有るでしょうか？

うさぎ	23	1	13	8	18	3	28	10	33	16	6	19	30	35	4	38	12	21				
かめ	24	29	7	31	17	2	25	32	5	36	14	26	37	11	39	15	22	40	9	34	20	27

帰無仮説: うさぎとかめの平均順位は等しい

うさぎの順位和  $H_1 = 23 + 1 + \dots + 12 + 21 = 318$

かめの順位和  $H_2 = 24 + 29 + \dots + 20 + 27 = 502$

統計量  $U_1 = n_1 n_2 + \frac{n_1(n_1+1)}{2} - H_1 = 18 \times 22 + \frac{18(18+1)}{2} - 318 = 249$

$U_2 = n_1 n_2 + \frac{n_2(n_2+1)}{2} - H_2 = 18 \times 22 + \frac{22(22+1)}{2} - 502 = 147$

$U_1$ と $U_2$ の小さい方を採用する

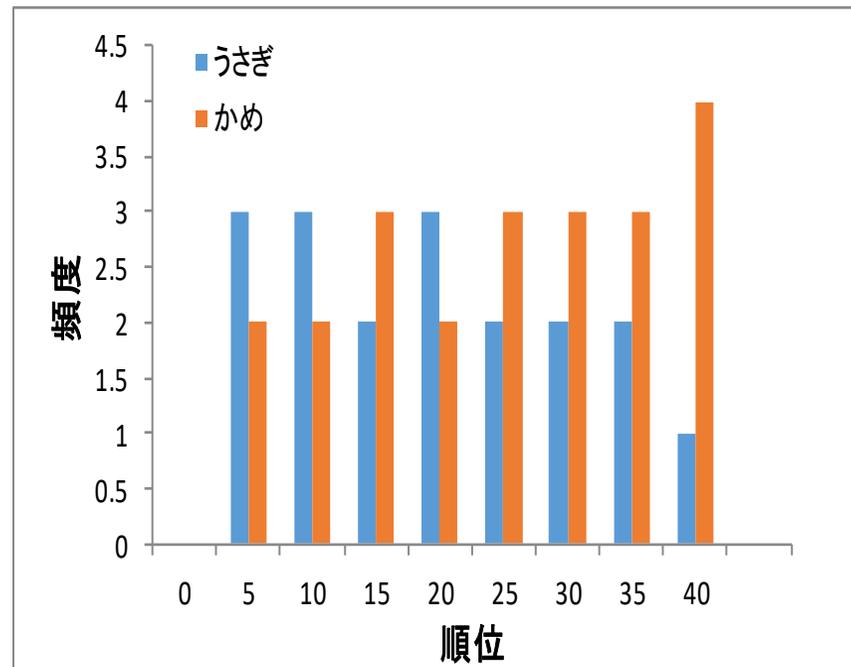
$n_1 \geq 9$ 、 $n_2 \geq 9$ のとき

平均値 =  $n_1 n_2 / 2$ 、標準偏差  $\sqrt{n_1 n_2 (n_1 + n_2 + 1) / 12}$  の正規分布にしたがうことがわかっている

統計量  $T = \frac{U_2 - \frac{n_1 n_2}{2}}{\sqrt{\frac{n_1 n_2 (n_1 + n_2 + 1)}{12}}} = -1.39$

$|T| = 1.39 < Z(\alpha/2) = 1.96$  (両側検定) より

帰無仮説は棄却できない → 差があるとは言えない



	C1	C2	C3
	うさぎ	かめ	
2	1	29	
3	13	7	
4	8	31	
5	18	17	
6	3	2	
7	28	25	
8	10	32	
9	33	5	
10	16	36	
11	6	14	
12	19	26	
13	30	37	
14	35	11	
15	4	39	
16	38	15	
17	12	22	
18	21	40	
19		9	
20		34	
21		20	
22		27	

# Mann-Whitneyの検定と信頼区間 うさぎ, かめ

	N	中央値
うさぎ	18	17.00
かめ	22	24.50

点推定が信頼区間にあるので、有意差なし

$\eta_1 - \eta_2$ に対する点推定は-5.50です  
 $\eta_1 - \eta_2$ に対する95.1%信頼区間は (-14.01, 3.01) です  
 $W = 318.0$   
 $\eta_1 = \eta_2$ 対 $\eta_1 \neq \eta_2$ の検定は、0.1698で有意です

紛らわしい表現

P値=0.1698>0.05のため帰無仮説の棄却なし → 有意差なし

Mann-Whitney

第1サンプル(F): うさぎ

第2サンプル(S): かめ

信頼水準(L): 95.0

対立仮説(A): 仮説値と等しくない

選択

ヘルプ

OK(O)

キャンセル

## Minitab内のhelpの解説

$\eta_1 - \eta_2$ に対する点推定は-7.50です  
 $\eta_1 - \eta_2$ に対する95.1%信頼区間は (-18.00, 4.00) です  
 $W = 60.0$   
 $\eta_1 = \eta_2$ 対 $\eta_1 \neq \eta_2$ の検定は、0.2685で有意です  
 検定は0.2679で有意です (同順位に対して調整済み)

### 結果の解釈

Minitabでは、69.5と78として順序付きデータのサンプル中央値を計算します。母集団中央値の差に対する95.1%の信頼区間(ETA1 - ETA2)は、[-18~4]です。検定統計量 $W = 60$ は、同順位に対して調整済みの場合、0.2685または0.2679のp値があります。p値が選択した0.05の水準未満ではないため、 $H_0$ を棄却する十分な証拠がないと結論付けることができます。したがって、データにより、母集団中央値の間に差があるという仮説は指示されません。

対応あり、ノンパラメトリック→ ウィルコソンのサインランク検定

10人に、A、Bふたつのアイスクリームを試食して、10点満点で評価してもらいました。AのアイスクリームはBより評価が高いといえるでしょうか？

評価者	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
アイスクリームA	9	7	8	5	7	6	4	5	10	8
アイスクリームB	6	5	6	7	6	7	7	8	8	5

差が同じ場合は、ランダムに順位を割り付け、補正

$$(1+2) \div 2 = 1.5$$

$$(3+4+5+6) \div 4 = 4.5$$

$$(7+8+9+10) \div 4 = 8.5$$

$$\text{得点差+} : 8.5+4.5+4.5+1.5+4.5+8.5=32 \dots\dots \textcircled{1}$$

$$\text{得点差-} : 4.5+1.5+8.5+8.5=23 \dots\dots \textcircled{2}$$

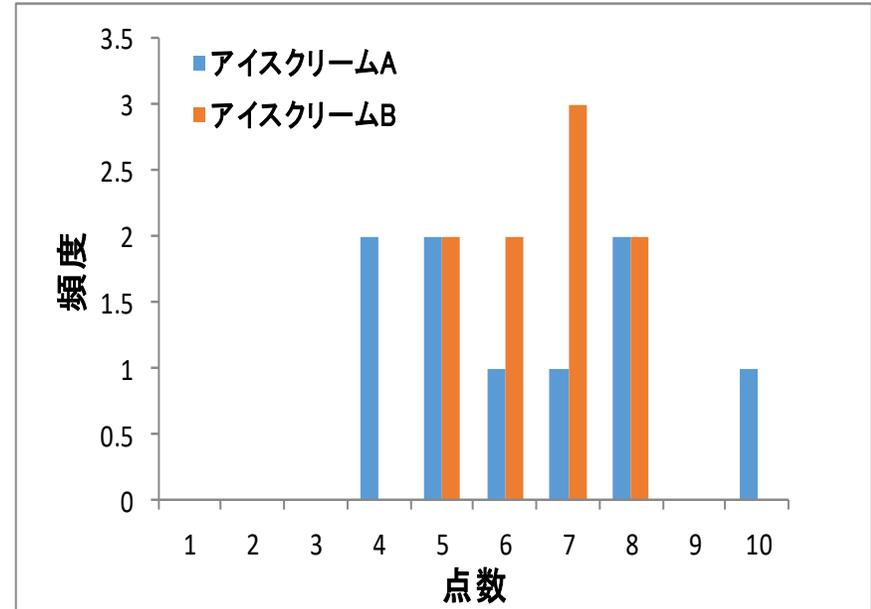
①及び②の小さい方を統計量j=23とする

有意水準0.05として、ウィルコソンのサインランク検定表より

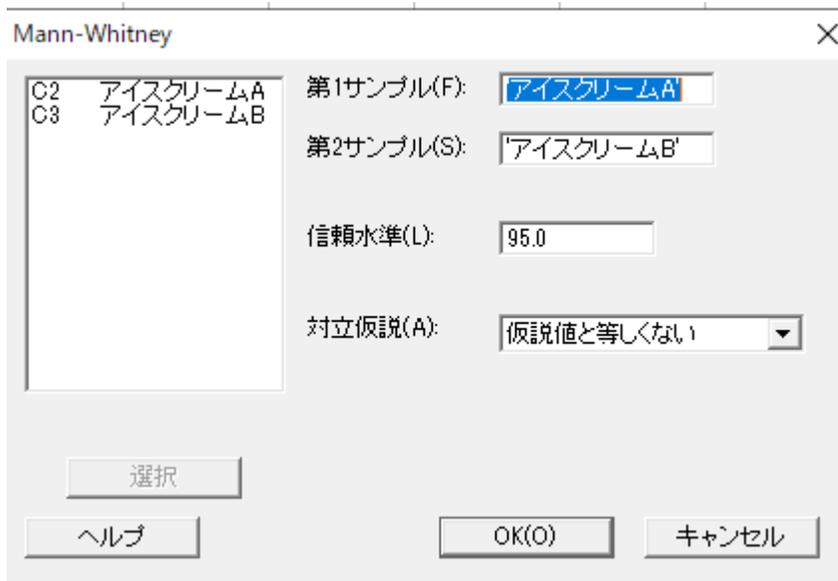
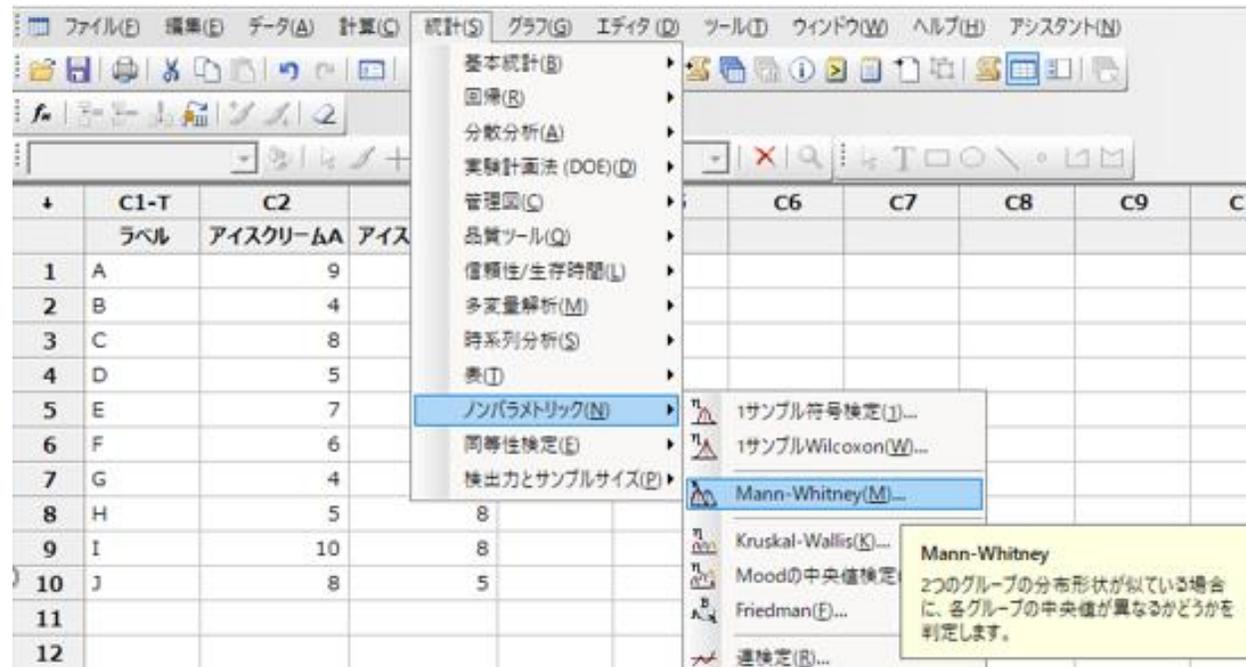
n=10に該当する値J=10

j=23 > 10=Jのため、帰無仮説は棄却できない。

よって、アイスクリームAの評価得点はBより高いとは言えない



	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
アイスクリームA	9	7	8	5	7	6	4	5	10	8
アイスクリームB	6	5	6	7	6	7	7	8	8	5
評価得点の差	3	2	2	-2	1	-1	-3	-3	2	3
順位	7	3	4	5	1	2	8	9	6	10
順位(補正後)	8.5	4.5	4.5	4.5	1.5	1.5	8.5	8.5	4.5	8.5



## Mann-Whitneyの検定と信頼区間 アイスクリームA, アイスクリームB

	N	中央値
アイスクリームA	10	6.500
アイスクリームB	10	6.500

$\mu_1 - \mu_2$ に対する点推定は-0.000です  
 $\mu_1 - \mu_2$ に対する95.5%信頼区間は(-2.000, 1.999)です  
 $W = 105.0$   
 $\mu_1 = \mu_2$ 対 $\mu_1 \neq \mu_2$ の検定は、1.0000で有意です  
 検定は1.0000で有意です (同順位に対して調整済み)

**P値 = 1.0000 > 0.05のため帰無仮説の棄却なし → 有意差なし**