

$$\text{確率密度} = \frac{\text{度数}}{\text{合計人数}} = \frac{4}{208} = 0.02$$

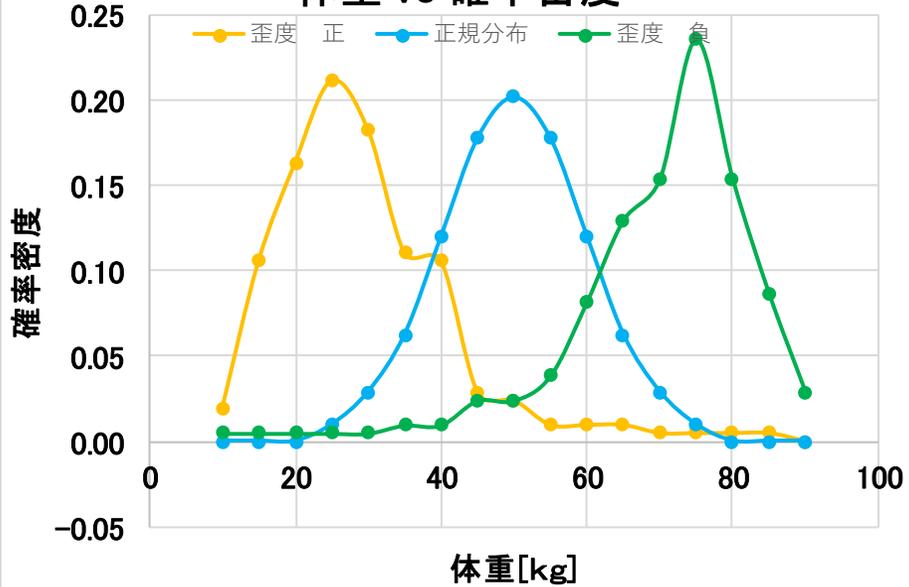
$$\text{累積確率密度} = \sum \text{確率密度} = 0.02 + 0.11 + 0.16 = 0.29$$

$$= 5 * \text{NORM.DIST}(x, 50, 10, \text{FALSE})$$

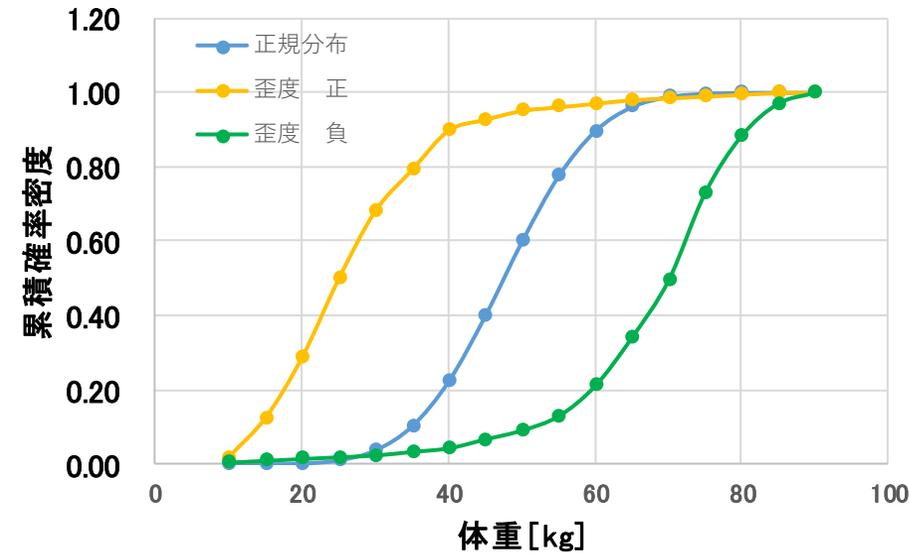
正規分布
 平均値 : 50
 標準偏差 : 10
 の確率密度算出式

| A 歪度 正 | | | | B 正規分布 | | | | | C 歪度 負 | | | | |
|---------|-----|------|--------|---------|-----|------|------|--------|---------|-----|------|--------|------|
| 体重 [kg] | 度数 | 確率密度 | 累積確率密度 | 体重 [kg] | 度数 | 確率密度 | 検算 | 累積確率密度 | 体重 [kg] | 度数 | 確率密度 | 累積確率密度 | |
| 10 | 4 | 0.02 | 0.02 | 10 | 0 | 0.00 | 0.00 | 0.00 | 0 | 10 | 1 | 0.00 | 0.00 |
| 15 | 22 | 0.11 | 0.13 | 15 | 0 | 0.00 | 0.00 | 0.00 | 0 | 15 | 1 | 0.00 | 0.01 |
| 20 | 34 | 0.16 | 0.29 | 20 | 0 | 0.00 | 0.00 | 0.00 | 0 | 20 | 1 | 0.00 | 0.01 |
| 25 | 44 | 0.21 | 0.50 | 25 | 2 | 0.01 | 0.01 | 0.01 | 0 | 25 | 1 | 0.00 | 0.02 |
| 30 | 38 | 0.18 | 0.68 | 30 | 6 | 0.03 | 0.03 | 0.04 | 0 | 30 | 1 | 0.00 | 0.02 |
| 35 | 23 | 0.11 | 0.79 | 35 | 13 | 0.06 | 0.06 | 0.10 | 0 | 35 | 2 | 0.01 | 0.03 |
| 40 | 22 | 0.11 | 0.90 | 40 | 25 | 0.12 | 0.12 | 0.22 | 0 | 40 | 2 | 0.01 | 0.04 |
| 45 | 6 | 0.03 | 0.93 | 45 | 37 | 0.18 | 0.18 | 0.40 | 0 | 45 | 5 | 0.02 | 0.07 |
| 50 | 5 | 0.02 | 0.95 | 50 | 42 | 0.20 | 0.20 | 0.60 | 1 | 50 | 5 | 0.02 | 0.09 |
| 55 | 2 | 0.01 | 0.96 | 55 | 37 | 0.18 | 0.18 | 0.78 | 1 | 55 | 8 | 0.04 | 0.13 |
| 60 | 2 | 0.01 | 0.97 | 60 | 25 | 0.12 | 0.12 | 0.90 | 1 | 60 | 17 | 0.08 | 0.21 |
| 65 | 2 | 0.01 | 0.98 | 65 | 13 | 0.06 | 0.06 | 0.96 | 1 | 65 | 27 | 0.13 | 0.34 |
| 70 | 1 | 0.00 | 0.99 | 70 | 6 | 0.03 | 0.03 | 0.99 | 1 | 70 | 32 | 0.15 | 0.50 |
| 75 | 1 | 0.00 | 0.99 | 75 | 2 | 0.01 | 0.01 | 1.00 | 1 | 75 | 49 | 0.24 | 0.73 |
| 80 | 1 | 0.00 | 1.00 | 80 | 0 | 0.00 | 0.00 | 1.00 | 1 | 80 | 32 | 0.15 | 0.88 |
| 85 | 1 | 0.00 | 1.00 | 85 | 0 | 0.00 | 0.00 | 1.00 | 1 | 85 | 18 | 0.09 | 0.97 |
| 90 | 0 | 0.00 | 1.00 | 90 | 0 | 0.00 | 0.00 | 1.00 | 1 | 90 | 6 | 0.03 | 1.00 |
| 合計 | 208 | 1.00 | | 合計 | 208 | 1.00 | 1.00 | | 合計 | 208 | 1.00 | | |

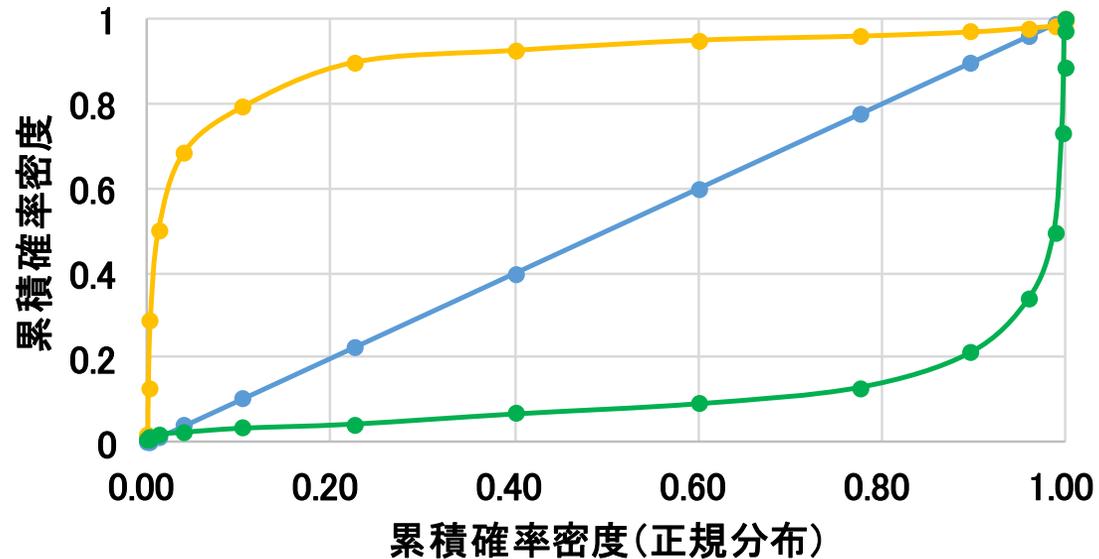
体重 vs 確率密度



体重 vs 累積確率密度

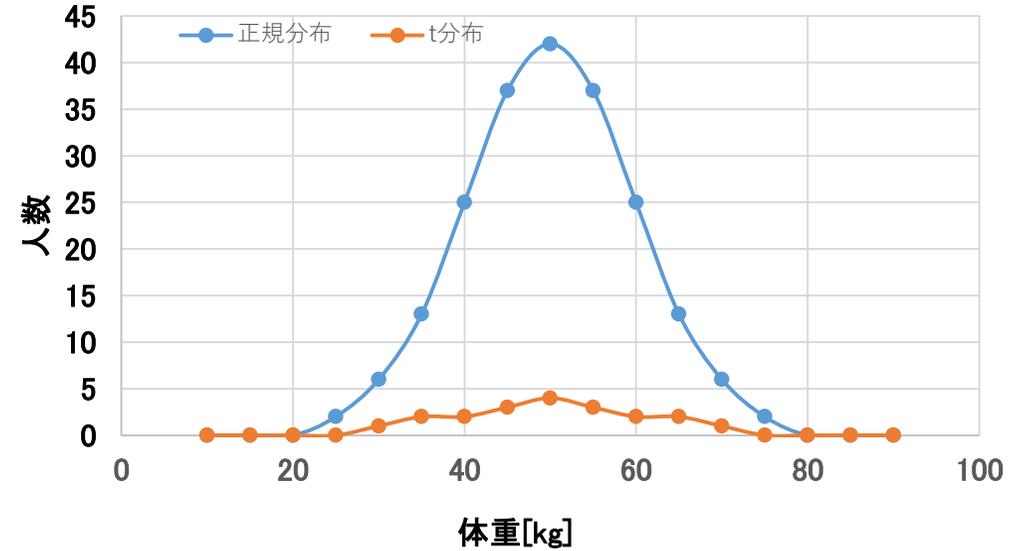


累積確率密度(正規分布) vs 累積確率密度

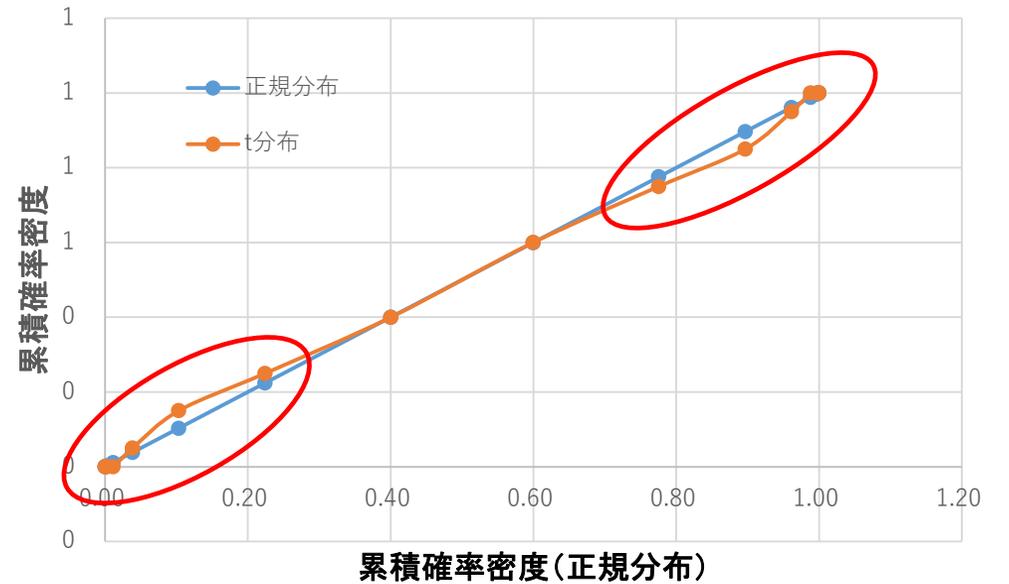


| B 体重 [kg] | 度数 | 正規分布 確率 密度 | 検算 | 累積 確率密度 | D 体重 [kg] | t分布 度数 | 確率 密度 | 累積 確率密度 |
|-----------------|-----|------------------|------|------------|-----------------|-----------|----------|------------|
| 10 | 0 | 0.00 | 0.00 | 0.00 | 0 | 10 | 0 | 0 |
| 15 | 0 | 0.00 | 0.00 | 0.00 | 0 | 15 | 0 | 0.00 |
| 20 | 0 | 0.00 | 0.00 | 0.00 | 0 | 20 | 0 | 0.00 |
| 25 | 2 | 0.01 | 0.01 | 0.01 | 0 | 25 | 0 | 0.00 |
| 30 | 6 | 0.03 | 0.03 | 0.04 | 0 | 30 | 1 | 0.05 |
| 35 | 13 | 0.06 | 0.06 | 0.10 | 0 | 35 | 2 | 0.15 |
| 40 | 25 | 0.12 | 0.12 | 0.22 | 0 | 40 | 2 | 0.25 |
| 45 | 37 | 0.18 | 0.18 | 0.40 | 0 | 45 | 3 | 0.40 |
| 50 | 42 | 0.20 | 0.20 | 0.60 | 1 | 50 | 4 | 0.60 |
| 55 | 37 | 0.18 | 0.18 | 0.78 | 1 | 55 | 3 | 0.75 |
| 60 | 25 | 0.12 | 0.12 | 0.90 | 1 | 60 | 2 | 0.85 |
| 65 | 13 | 0.06 | 0.06 | 0.96 | 1 | 65 | 2 | 0.95 |
| 70 | 6 | 0.03 | 0.03 | 0.99 | 1 | 70 | 1 | 1.00 |
| 75 | 2 | 0.01 | 0.01 | 1.00 | 1 | 75 | 0 | 1.00 |
| 80 | 0 | 0.00 | 0.00 | 1.00 | 1 | 80 | 0 | 1.00 |
| 85 | 0 | 0.00 | 0.00 | 1.00 | 1 | 85 | 0 | 1.00 |
| 90 | 0 | 0.00 | 0.00 | 1.00 | 1 | 90 | 0 | 1.00 |
| 合計 | 208 | 1.00 | 1.00 | | 合計 | 20 | 1.00 | |

正規分布 vs. t分布

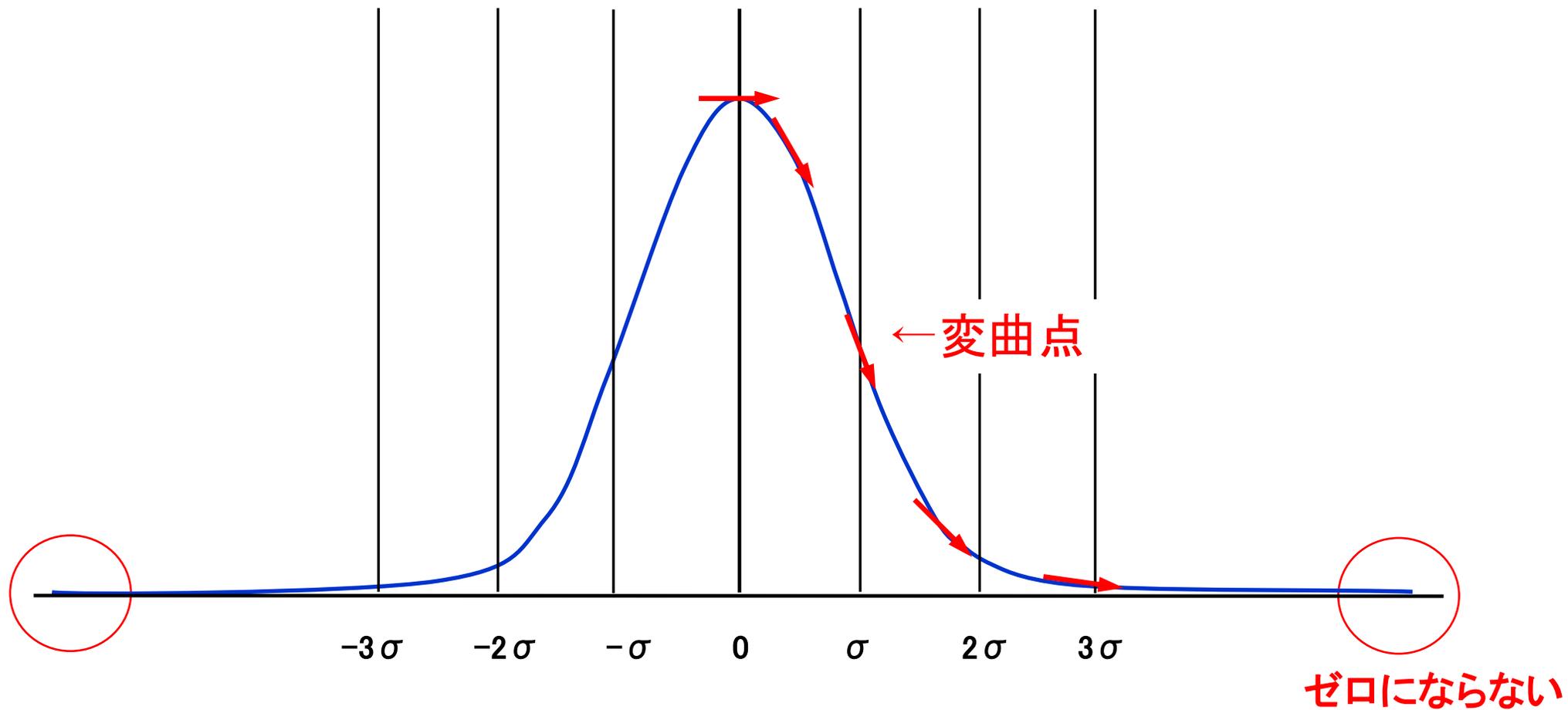


正規分布 vs. t分布

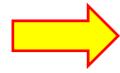


参考

標準正規分布のグラフをできるだけ正確に書いてください



標準偏差 σ とは？



変曲点での幅

正規分布曲線の一般式

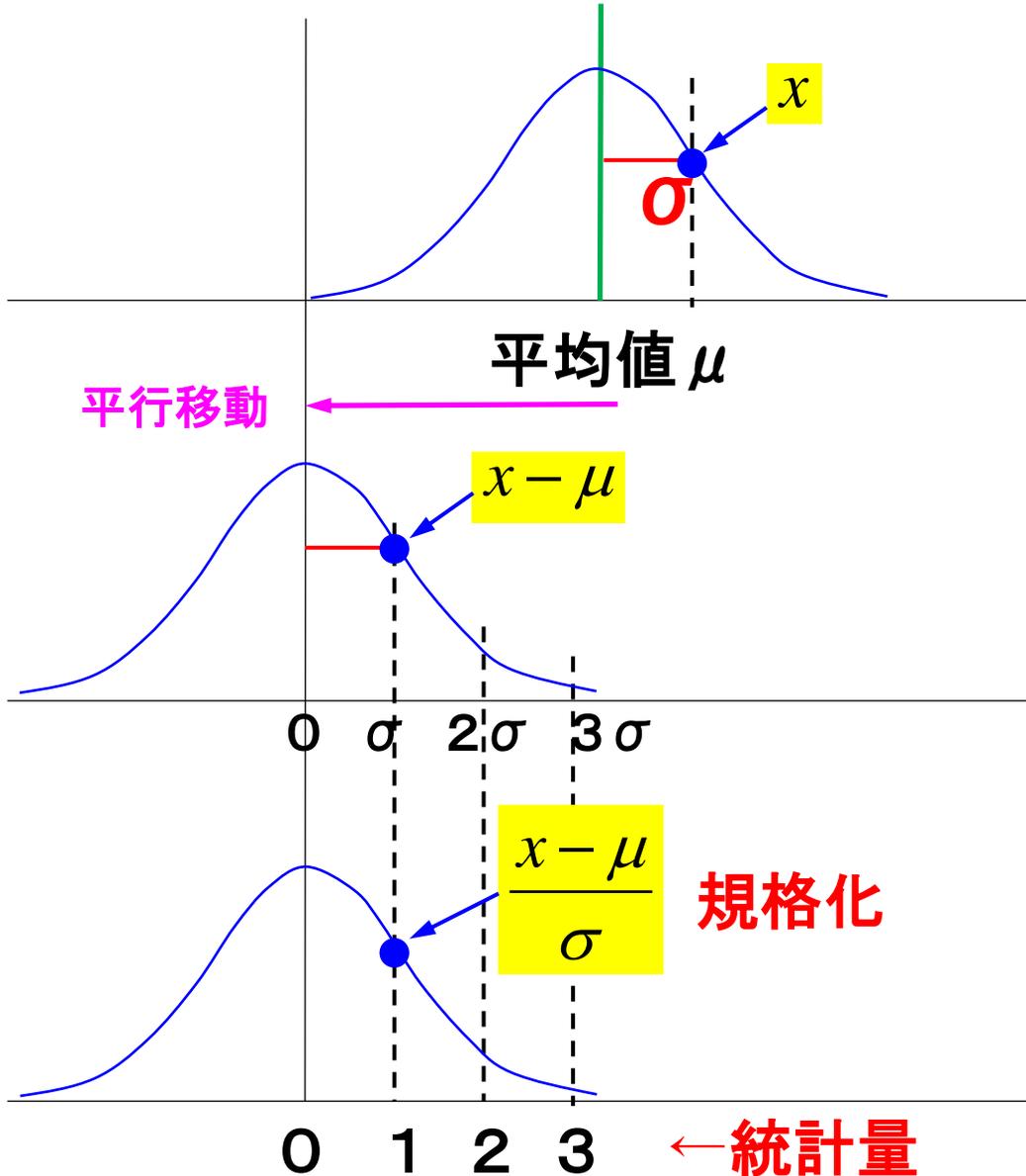
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

平均値 $\mu = 0$ とすると

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}$$

標準偏差 $\sigma = 1$ とすると

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$$



変曲点のx座標が σ になる計算

$$f(x) = e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

平均値 $\mu = 0$ $a = \frac{1}{2\sigma^2}$

$$f(x) = e^{-ax^2}$$

1階微分すると

$$f'(x) = -2axe^{-ax^2}$$

2階微分すると

$$\begin{aligned} f''(x) &= -2ae^{-ax^2} + (-2ax)^2 e^{-ax^2} \\ &= 2ae^{-ax^2} (2ax^2 - 1) \end{aligned}$$

変曲点は二階微分=0

変曲点は $f''(x) = 0$ なので $2ae^{-ax^2} (2ax^2 - 1) = 0$ より

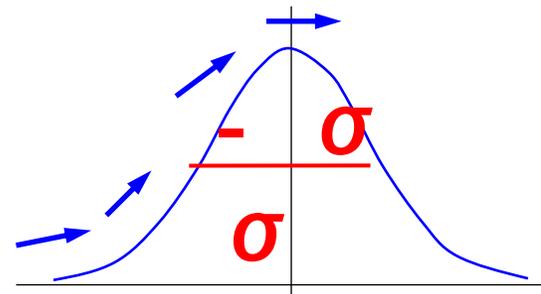
$$x = \pm \frac{1}{\sqrt{2a}} = \pm\sigma \quad y = e^{-\frac{1}{2}}$$

正規分布曲線の面積が1になるように $\frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}}$ で規格化し

平均値 μ に平行移動して $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$

変曲点の座標は

$$\left(\mu \pm \sigma, \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-\frac{1}{2}}\right)$$



二階微分

+ 0 -



接線の傾きが 増加していく (左折) 接線の傾きが 減少していく (右折)